

daher ist:

$$\sqrt{e} = \frac{a^{\frac{\mu+1}{2}} \cos \delta}{c} = \frac{a^{\frac{\mu+1}{2}} \sin \delta}{d}.$$

13) Zu S. 26. Eine irreductible Gleichung, bei der alle Wurzeln rational durch eine ausdrückbar sind, heisst eine *Galois'sche* oder *Normalgleichung*. Bei einer *Normalgleichung* sind alle Wurzeln nicht nur durch eine bestimmte, sondern durch jede rational ausdrückbar. Das Fundament der *Galois'schen* Theorie besteht darin, dass sie jede beliebige Gleichung auf eine *Normalgleichung* reducirt. (*Galois*, *Oeuvres math.*, p. 36, 37). Die Art der *Reduction* war bereits *Abel* bekannt. (*Oeuvres*, Bd. I, p. 547.)

14) Zu S. 26. *Kronecker* (*Berliner Monatsberichte*, Jahrg. 1877, p. 847) nennt diese allgemeinen *Abel'schen* Gleichungen im Gegensatze zu den einfachen mehrfaltige *Abel'sche* Gleichungen. In den *Berliner Monatsberichten*, Jahrg. 1882, p. 1062, will er sogar zu der von ihm früher verwandten Bezeichnungsweise zurückgehen und die einfachen *Abel'schen* Gleichungen wie ursprünglich *Abel'sche* Gleichungen, die allgemeinere Gattung ausdrücklich mehrfaltige *Abel'sche* Gleichungen nennen.

15) Zu S. 30. Wir wollen diesen Satz vom Standpunkte der *Galois'schen* Theorie noch beleuchten. Die Ordnung der *Galois'schen* Gruppe einer jeden irreductibelen Gleichung ist gleich dem Grade der Gleichung, also hier  $= \varepsilon_1^{\nu_1} \cdot \varepsilon_2^{\nu_2} \cdot \dots \cdot \varepsilon_\alpha^{\nu_\alpha}$ . In jeder commutativen oder *Abel'schen* Gruppe  $\mathfrak{G}$  der Ordnung  $\varepsilon_1^{\nu_1} \cdot \varepsilon_2^{\nu_2} \cdot \dots \cdot \varepsilon_\alpha^{\nu_\alpha}$  giebt es eine Untergruppe  $\mathfrak{G}_1$  vom Grade  $\varepsilon_1^{\nu_1}$ , eine Untergruppe  $\mathfrak{G}_2$  vom Grade  $\varepsilon_2^{\nu_2}$ , u. s. w., schliesslich eine Untergruppe  $\mathfrak{G}_\alpha$  vom Grade  $\varepsilon_\alpha^{\nu_\alpha}$ ; diese Gruppen haben ausser der Einheit kein Element gemeinsam, und man kann die ganze Gruppe als directes Product  $\mathfrak{G}_1 \cdot \mathfrak{G}_2 \cdot \mathfrak{G}_3 \cdot \dots \cdot \mathfrak{G}_\alpha$  dieser Untergruppen darstellen. Hieraus folgert man: Die Auflösung jeder irreductibelen *Abel'schen* Gleichung vom Grade  $\varepsilon_1^{\nu_1} \cdot \varepsilon_2^{\nu_2} \cdot \dots \cdot \varepsilon_\alpha^{\nu_\alpha}$  kann auf die Auflösung von  $\alpha$  irreductibelen *Abel'schen* Gleichungen der Grade  $\varepsilon_1^{\nu_1}$ ,  $\varepsilon_2^{\nu_2}$ ,  $\dots$ ,  $\varepsilon_\alpha^{\nu_\alpha}$  zurückgeführt werden; diese  $\alpha$  Gleichungen lassen sich wegen der Zerlegbarkeit der Gruppe nebeneinander auflösen. Nun enthält jede commutative Gruppe  $\mathfrak{G}_1$  der Ordnung  $\varepsilon_1^{\nu_1}$  eine commutative Untergruppe der Ordnung  $\varepsilon_1^{\nu_1-1}$ , diese eine commu-