

Da diese Kraft für einerlei Werth von  $g$  von  $\sin a$  abhängt, der immer kleiner wird, so wie sich das Pendel der verticalen  $AB$  nähert: so muß die Bewegung von  $C$  bis  $B$  eine ungleichförmig beschleunigte, d. i. eine solche seyn, bei welcher die Geschwindigkeiten in einem andern Verhältnisse wachsen als die Zeiten. In  $B$  hat das Pendel die größte Geschwindigkeit; es muß sich daher vermög der Trägheit weiter bewegen, und zwar wegen des Widerstandes der Linie im Bogen  $BH$ , und wegen ungleichförmiger Gegenwirkung der Schwere mit ungleichförmig verzögerter Bewegung. Offenbar wird  $BH$  gleich  $CB$  seyn müssen. In  $H$  tritt wieder derselbe Fall ein, welcher in  $C$  Statt hatte; das Pendel steigt nach  $BH$  herab, erhebt sich wieder nach  $C$ , und würde so seine Schwingungen ohne Unterlaß fortsetzen, wenn keine Hindernisse diese Bewegung störten.

233. Die aus dem Ausdrucke der beschleunigenden Kraft des Pendels abgeleitete Bewegung desselben läßt sich noch mehr aus der Formel einsehen, welche seine Geschwindigkeit in jedem Puncte seiner Bahn angibt. Es sey das einfache Pendel  $AB$  (Fig. 102) um den Winkel  $CAB = a$  von seiner verticalen Lage entfernt worden, und bereits bis  $D$  gekommen, so daß  $DAB = b$  ist. Die Bewegung des Pendels ist so beschaffen, als wenn sich ein Körper in einer kreisförmigen Rinne  $CD$  bewegt hätte, weil offenbar der Widerstand der Stange  $AB$  dasselbe leistet, wie der Widerstand der Rinne. Nach 230 findet da kein Verlust an Geschwindigkeit Statt, und daher erlangt auch das Pendel im Falle durch  $CD$  dieselbe Geschwindigkeit, als wenn es frei den verticalen Weg  $EF$  zurückgelegt hätte, den man findet, wenn man  $CE$  und  $DF$  senkrecht auf  $AB$  zieht. Es ist also für die Geschwindigkeit  $c$  in  $D$

$$c = \sqrt{2g \cdot EF},$$

oder weil  $EF = AF - AE$  und  $AF = \cos b$ ,  $AE = \cos a$  ist

$$c = \sqrt{2g (\cos b - \cos a)}$$

Es ist daher  $c$  desto größer, je kleiner  $b$  ist, deshalb ist die Bewegung beschleunigt, und weil  $\cos b$  nicht in demselben Verhältnisse wächst wie  $b$ , ungleichförmig beschleunigt.

Ist das Pendel in der Lage  $AB$ : so ist  $b = 0$ , mithin  $c = \sqrt{2g (1 - \cos a)}$ .

Für  $+b$  und  $-b$  hat  $c$  einerlei Werth, mithin wird die Bewegung im Aufsteigen nach denselben Gesetzen verzögert, wie sie im Fallen beschleunigt wurde; es kann aber  $b$  nicht größer wer-