

Mediums bestimmt. Die durch (3) dargestellte Lichtbewegung erzeugt nahezu homogenes Licht, wenn die Functionen φ_1 und φ_2 für alle Werthe von K verschwinden, ausser für solche K , die zwischen $K_0 - \varepsilon$ und $K_0 + \varepsilon$ liegen, unter ε eine kleine Grösse verstanden. Unter der Voraussetzung, dass diese Bedingung erfüllt ist, wird die Gleichung (3) in die Form gebracht

$$(4) \quad \eta = \Phi(x,t) \sin [K_0 \cdot x - S_0 \cdot t + X(x,t)].$$

Die hierdurch repräsentirte Bewegung, deren Intensität

$$(5) \quad I = \frac{1}{2\Delta t} \int_{t-\Delta t}^{t+\Delta t} \left(\frac{d\eta}{dt} \right)^2 dt$$

ist, wird gedeutet als eine Wellenbewegung mit veränderlicher Wellenlänge, Amplitude und Phase; und zwar sind die Aenderungen dieser Grössen langsame. Denkt man nun die rechte Seite von (2) nach dem TAYLOR'schen Satze nach Potenzen von $K - K_0$ entwickelt und bricht schon nach der ersten Potenz von $K - K_0$ ab, so enthalten die in (4) vorkommenden Functionen Φ und X die Variabeln x und t nur in der Verbindung $x - tF'(K_0)$, und auch die Intensität I wird ein Ausdruck der Form

$$I = f[x - t \cdot F'(K_0)].$$

Die Gleichung (4) stellt dann eine Wellenbewegung dar, die sich mit der Geschwindigkeit $v = F'(K_0)$ fortpflanzt. Diese Näherung genügt indessen nur, wenn das Licht sehr nahe homogen ist; in den meisten Fällen wird eine weitere Näherung nöthig. Behält man daher in der obigen Entwicklung von S noch das Glied $(K - K_0)^2$ bei, so erhält man für die Functionen $\Phi(x,t) \cos(X(x,t))$ und $\Phi(x,t) \sin(X(x,t))$ Reihen, die nach Potenzen von t fortschreiten, während ihre Coefficienten Functionen des Arguments $x - tF'(K_0)$ sind. Vernachlässigt man hier die zweiten und höheren Potenzen von t , so folgt für die Fortpflanzungsgeschwindigkeit, die vorher $F'(K_0)$ war, der Werth:

$$\begin{aligned} V &= F'(K_0) + F''(K_0) \frac{dX(x - t \cdot F'(K_0))}{dx} \\ &= F'(K_0) + \left(\frac{2\pi}{\lambda} - K_0 \right) F''(K_0) = F' \left(\frac{2\pi}{\lambda} \right), \end{aligned}$$

falls λ die Wellenlänge der durch (4) repräsentirten Bewegung ist. Vermöge der Bedeutung von F kann man schreiben