

sera  $ddy^2$ , ou  $ddy^3$ ; celui de  $ddy$  sera  $ddy^2$ , ou  $ddy^3$ ; celui de  $ddy$  sera  $ddy^2$ , ou  $ddy^3$ , &c.

## COROLLAIRE I.

62. **S**i l'on nomme chacune des coupées  $AP$ ,  $Ap$ ,  $Aq$ ;  $Af$ ,  $x$ ; chacune des appliquées  $PM$ ,  $pm$ ,  $qn$ ,  $fo$ ,  $y$ ; & chacune des portions courbes  $AM$ ,  $Am$ ,  $An$ ,  $Ao$ ,  $u$ ; il est clair que  $dx$  exprimera les différences  $Pp$ ,  $pq$ ,  $qf$  des coupées;  $dy$  les différences  $Rm$ ,  $Sn$ ,  $To$  des appliquées; &  $du$  les différences  $Mm$ ,  $mn$ ,  $no$  des portions de la courbe  $AMD$ . Or afin de prendre, par exemple, la différence seconde  $Hn$  de la variable  $PM$ , il faut imaginer sur l'axe deux petites parties  $Pp$ ,  $pq$ , & sur la courbe deux autres  $Mm$ ,  $mn$  pour avoir les deux différences  $Rm$ ,  $Sn$ ; & partant si l'on suppose que les petites parties  $Pp$ ,  $pq$  soient égales entr'elles; il est clair que  $dx$  sera constante par rapport à  $dy$  & à  $du$ , puisque  $Pp$  qui devient  $pq$  demeure la même pendant que  $Rm$  qui devient  $Sn$ , &  $Mm$  qui devient  $mn$ , varient. On pourroit supposer que les petites parties de la courbe  $Mm$ ,  $mn$  seroient égales entr'elles, & alors  $du$  seroit constante par rapport à  $dx$  & à  $dy$ ; & enfin si l'on supposoit que  $Rm$  &  $Sn$  fussent égales,  $dy$  seroit constante par rapport à  $dx$  & à  $du$ , & sa différence  $Hn$  ( $ddy$ ) seroit nulle.

De même pour prendre la différence troisième de  $PM$ , ou la différence de la différence seconde  $Hn$ , il faut imaginer sur l'axe trois petites parties  $Pp$ ,  $pq$ ,  $qf$ ; sur la courbe trois autres  $Mm$ ,  $mn$ ,  $no$ ; & sur les appliquées aussi trois autres  $Rm$ ,  $Sn$ ,  $To$ , & alors on aura  $dx$  ou  $du$  ou  $dy$  pour constante, selon qu'on supposera que les petites parties  $Pp$ ,  $pq$ ,  $qf$ , ou  $Mm$ ,  $mn$ ,  $no$ , ou  $Rm$ ,  $Sn$ ,  $To$  sont égales entr'elles. Il en est de même des différences quatrièmes, cinquièmes, &c.

FIG. 47. Tout ceci se doit aussi entendre des courbes  $AMD$ , dont les appliquées  $BM$ ,  $Bm$ ,  $Bn$  partent toutes d'un point fixe  $B$ ; car pour avoir, par exemple, la différence seconde de  $BM$ , il faut imaginer deux autres appliquées  $Bm$ ,  $Bn$  qui fassent des angles  $MBm$ ,  $mBn$  infiniment petits, & ayant décrit du centre  $B$  les petits arcs de cercle  $MR$ ,  $mS$ ; la différence des

des