

tirer le rayon KM en sorte que l'angle GKM soit à l'angle donné $DOG :: OG . GK$. Or je dis maintenant que cela se peut toujours faire géométriquement lorsque le rapport de ces rayons se peut exprimer par nombres ; & partant que la roulette DMA est alors géométrique.

Car supposant , par exemple , que $OG . GK :: 13 . 5$; il est clair que l'angle MKG doit contenir deux fois l'angle donné DOG ; & de plus $\frac{3}{5}$ de cet angle. Toute la difficulté se réduit donc à diviser l'angle DOG en cinq parties égales. Or c'est une chose connue par les Geomètres , qu'on peut toujours diviser géométriquement un angle ou un arc donné en tant de parties égales qu'on voudra ; puisqu'on arrive toujours à quelque équation qui ne renferme que des lignes droites. Donc , &c.

Je dis de plus que la roulette DMA est mécanique , ou ce qui est la même chose , qu'on ne peut déterminer géométriquement ses points M lorsque la raison de OG à KG ne se peut exprimer par nombres , c'est à dire lorsqu'elle est fourde.

FIG. 89. Car toute ligne , soit mécanique soit géométrique , ou rentre en elle-même ou s'étend à l'infini ; puisqu'on peut toujours en continuer la génération. Si donc le cercle mobile ABC décrit par son point A dans sa première révolution la roulette ADE , cette roulette ne sera pas encore finie , & continuant toujours de rouler il décrira la seconde EFG , puis la troisième GHI , & ainsi de suite jusqu'à ce que le point décrivant A retombe après plusieurs révolutions dans le même point d'où il étoit parti. Et pour lors si on recommence à rouler le cercle mobile ABC , il décrira derechef la même ligne courbe , de sorte que toutes ces roulettes prises ensemble ne composent qu'une seule courbe $ADEFGHI$, &c. Or les rayons des cercles générateurs étant incommensurables , leurs circonférences le seront aussi ; & par conséquent le point décrivant A du cercle mobile ABC ne pourra jamais retomber dans le point A de l'immobile , d'où il étoit parti , si grand que