

## PROPOSITION I.

## Problème.

190. LA nature de la courbe géométrique  $ADB$  étant donnée ; déterminer la plus grande ou la moindre de ses appliquées  $ED$ .

Si l'on prend la différence de l'équation qui exprime la nature de la courbe, en traitant  $y$  comme constante, &  $x$  comme variable; il est clair \* qu'on formera une nouvelle \* Art. 188. équation qui aura pour une de ses racines  $x$ , une valeur  $AE$ , telle que l'appliquée  $ED$  sera la plus grande ou la moindre de toutes les semblables.

Soit, par exemple,  $x^3 + y^3 = axy$ , dont la différence, en traitant  $x$  comme variable, &  $y$  comme constante, donne  $3xxdx = aydx$ ; & partant  $y = \frac{3xx}{a}$ . Si l'on substitue cette valeur à la place de  $y$  dans l'équation à la courbe  $x^3 + y^3 = axy$ ; l'on aura pour  $x$  une valeur  $AE = \frac{1}{3}a\sqrt[3]{2}$ , telle que l'appliquée  $ED$  sera la plus grande de toutes les semblables, de même qu'on l'a déjà trouvé art. 48.

Il est évident que l'on détermine de même non seulement les points  $D$ , lorsque les appliquées  $ED$  sont perpendiculaires ou tangentes de la courbe  $ADB$ ; mais aussi lorsqu'elles sont obliques sur la courbe, c'est à dire lorsque les points  $D$  sont des points de rebroussement de la première ou seconde sorte. D'où l'on voit que cette nouvelle manière de considérer les différences dans les courbes géométriques est plus simple & moins embarrassante en quelques rencontres, que la \* première. \* Sect. 3.

## REMARQUE.

191. ON peut remarquer dans les courbes rebroussantes, que les  $PM$  parallèles à  $AK$ ; les rencontrent en deux points  $M, O$ , de même que les  $KM$  parallèles à  $AP$ , font en  $M, N$ : de sorte que  $AP(x)$  demeurant la même,  $y$  a deux

X ij

FIG. 146.