

Punktes N von der Geraden A , so beschreibt c die durch OM und ON gegebene Ellipse, wenn a auf A oder OM und b auf B bleibt. Diese Erweiterung der Construction verbunden mit einer wohldurchdachten Anordnung des Mechanismus liegt dem von Professor Zmurko in Lemberg erfundenen Ellipsographen zu Grunde. Dieser Ellipsograph gestattet beliebig kleine Ellipsen und solche mit beliebig kleinen Excentricitäten zu verzeichnen und zwar, was besonders hervorgehoben zu werden verdient, aus zwei conjugirten Achsen, die bei den meisten Aufgaben und Anwendungen als unmittelbar gegebene Constructionselemente auftreten. Man hat nur nöthig, die soeben bemerkte höchst einfache Construction auszuführen.

Eine halbkreisförmige, hölzerne Platte von etwas größerer Dicke ist mit zwei Nuten versehen. Die eine befindet sich in der ebenen verticalen Seitenfläche, die andere in einem verstellbaren Arm, der unter beliebiger Neigung gegen erstere fixirt werden kann. In den Nuten gleiten prismatische Stücke, welche drehbare verticale Bolzen enthalten. Diese Bolzen tragen ihrerseits zwei Hülsen, durch welche ein prismatischer Stab hindurchgeht, der den Zeichenstift enthält. Die Achsen der Bolzen entsprechen den früher mit a und b bezeichneten Punkten. Zweckmäßig angebrachte Marken dienen zum Einstellen des Instrumentes, Man zeichnet zuerst die eine Hälfte der Ellipse und nachdem man umgelegt hat die andere. Ersetzt man den Zeichenstift durch eine Reiffeder, so wird diese beim Fortbewegen nicht mit der Schärfe in der Bewegungsrichtung bleiben, ein kleiner Uebelstand, der sich übrigens beheben ließe.

Herr Zmurko hat überdies einen Conographen construirt, der nebst der Ellipse auch noch Parabel und Hyperbel zu zeichnen erlaubt und zwar unter der Voraussetzung, daß von den beiden erstgenannten Kegelschnitten die Hauptachsen von der Parabel der Parameter und ihr Scheitel gegeben sind. Für die Ellipse kommt das schon erwähnte Constructionsprincip in Anwendung, mit der Beschränkung auf die Hauptachsen als gegebene Richtungen A und B . Für die Hyperbel und Parabel sind die folgenden dem Mechanismus zu Grunde gelegt.

Wenn ein rechter Winkel, dessen Scheitel S fortwährend auf A bleibt, mit dem einen Schenkel beständig einen Kreis vom Radius a , dessen Mittelpunkt auf A liegt, tangirt, und man bestimmt auf dem zweiten Schenkel einen Punkt P so, daß die Projection von PS auf A constant gleich b ist, so wird P einer Hyperbel mit den Halbachsen a und b angehören. Sucht man auf der Verlängerung von PS den bezüglich S zu P symmetrisch gelegenen Punkt P' , so gehört dieser ebenfalls einer Hyperbel mit denselben Halbachsen an. — Wenn man aber den Scheitel S des rechten Winkels auf einer zu A senkrechten Geraden B sich bewegen läßt, während der eine Schenkel durch einen auf A liegenden Fixpunkt hindurchgeht und man construirt auf dem zweiten Schenkel einen Punkt P , der bezüglich S symmetrisch ist zum Schnittpunkte dieses zweiten Schenkels mit A ; so gehört P einer Parabel an, deren Brennpunkt der Fixpunkt auf A ist.

Da sich bei der angewandten mechanischen Ausführung namentlich der zweite der genannten Hyperbeläste zum Verzeichnen gut eignet, so wird es sowohl bei der Hyperbel wie bei der Parabel nothwendig, zu gewissen Punkten ihre symmetrischen bezüglich eines beweglichen Punktes zu bestimmen. Die mechanische Vorrichtung, durch welche dieses geleistet wird und die ein charakteristischer Bestandtheil des vollständigen Conographen ist, besteht im Wesentlichen aus einem größeren Zirkel, der in den Mitten seines Schenkel mittelst Gelenken die Enden eines zweiten halbförmigen Zirkels aufnimmt. Der Kopf dieses Zirkels und die Endpunkte der Schenkel des ersten bestimmen drei in einer Geraden liegende Punkte, von denen die beiden äußeren gleich weit vom mittleren abstehen. Bezüglich der genauen Beschreibung des Conographen verweisen wir auf: „Beitrag zur Erweiterung der Operationslehre der constructiven Geometrie von Lorenz Zmurko, Lemberg 1873“.