

74) Die rechtwinkligen Dreiecke von Aufgabe 73 sind nun in ein Trapez zerlegt worden. Die Länge der Diagonalen ist zu bestimmen. Es sind die Diagonalen, die die beiden rechtwinkligen Dreiecke bilden.

$$\text{Diagonale } AD = BC = 5 \text{ Läng}$$

$$\text{Länge } AB = CD = 16 \text{ Läng}$$

$$AF = 20 \text{ Läng}, FE = 25 \text{ Läng}$$

$$BF = 17 \text{ "}, EC = 21 \text{ "}$$

$$A = D = 155^\circ, B = C = 141^\circ$$

Wahrscheinlich ist das Trapez ein Trapez?

$$\begin{aligned} a &= b - (2,9917)^{\frac{2}{3}} + 0,12697 \\ &= b - 2,016 + 0,12697 \\ &= 4,0653 \text{ Läng} \end{aligned}$$

Die für diese Aufgabe folgende Formel ist folgende:

$$V = \frac{h}{12} [2(a_1 + a_2 + a_3) + (a_1 + a_2 + a_3)]$$

Es ist für

$$AD = BC = h = 5 \text{ Läng}$$

$$AB = CD = c = 16 \text{ "}$$

$$A = D = 155^\circ, \text{ und}$$

$$B = C = 141^\circ$$

Man ist

$$a_1 = DE \sin \alpha = 25 \sin 15^\circ = 10,565$$

$$a_2 = EF \sin \beta = 17 \sin 38^\circ = 12,928$$

$$a_3 = AF \sin \alpha = 20 \sin 25^\circ = 8,4523$$

$$a_4 = BF \sin \beta = 17 \sin 38^\circ = 10,466$$

$$b_1 = AF \cos \alpha = 20 \cos 25^\circ = 18,126$$

$$b_2 = BF \cos \beta = 17 \cos 38^\circ = 13,396$$

Substituiert man diese Werte in die obige Formel, so wird

$$\begin{aligned} V &= \frac{5}{12} [2(10,565 + 8,4523 + 12,928 \\ &\quad + 10,466) + (18,126 + 13,396) \cdot \\ &\quad (10,565 + 10,466 + 25,856) \\ &\quad + 8,4523(12,928 + 20,932)] \end{aligned}$$

$$= \frac{5}{12} [2035,728 + 2,41(10,565 \cdot 26322 \\ + 8,4523 \cdot 33,860)]$$

$$= \frac{5}{12} (2035,728 + 2284,484)$$

$$= \frac{5}{12} \cdot 4320,212$$

Das Trapez ist ein Trapez ist also

$$V = 1800,088 \text{ Läng}^2$$