

$O_2Av$  [Fig. 17.] den wahren Winkel  $AvO_2 = w$  der gegebenen Geraden mit der Bildebene zu ermitteln. Man verbindet nämlich den Verschwindungspunkt  $v$  mit dem Augenpunkte  $A$ , errichtet in  $A$  auf  $Av$  die Senkrechte  $AO_2$ , macht  $AO_2 = AO_1$  (die Augendistanz) und verbindet  $O_2$  mit  $v$ , so ist  $O_2Av$  das durch Umlegung entstandene Dreieck,  $O_2v$  der umgelegte Parallelstrahl, und  $\sphericalangle AvO_2 = w$  der Neigungswinkel der Geraden.

### Theorie des Theilungspunktes.

Sind auf einer der Richtung nach gegebenen perspektivischen Geraden  $K'$  ein oder mehrere gleiche oder ungleiche Stücke aufzutragen, oder ist aus der Perspektive der Geraden deren wahre Grösse zu bestimmen, so bedient man sich dazu der Theilungspunkte.

#### 1. Theilung der Geraden.

§. 15. In Fig. 19. Taf. I. sei  $K' = dv$  die Perspektive einer beliebigen Geraden  $K$ , deren orthogonale Projektion  $K''$  parallel sein muss zur orthogonalen Projektion  $vA$  des Parallelstrales  $vO$  [§. 13.]. Es sollen nun die Perspektiven der gleichen Theile  $da_1 = a_1$   $a_2 = a_2$   $a_3 = \dots$  auf  $K'$  bestimmt werden. Zu diesem Behufe übertrage man die Punkte  $a_1, a_2, a_3, \dots$  von dem Fusspunkte  $d$  aus in die orthogonale Projektion  $K''$ , mache also  $da_1 = db_1$ ,  $da_2 = db_2$ ,  $da_3 = db_3$ , u. s. w. und verbinde  $a_1$  mit  $b_1$ ,  $a_2$  mit  $b_2$  u. s. w., wodurch man mehrere unter sich ähnliche gleichschenklige Dreiecke erhält, deren parallele Grundlinien mit der Bildebene den Winkel  $\gamma$  einschliessen. Diese parallelen Grundlinien sind die Theilungslinien der Geraden. — Um die Perspektive dieser Theilungslinien zu erhalten, zieht man durch  $O$  den Parallelstrahl  $OT$  und bestimmt dessen Durchschnittspunkt  $T$  mit der Bildebene, der natürlich in der Linie  $vA$  liegen muss. Dieser Punkt ist der Fluchtpunkt der parallelen Theilungslinien [§. 5.], und man nennt ihn deshalb den Theilungspunkt.