

Zur Erläuterung des Verfahrens diene die Lösung folgender Aufgabe: Ein regelmäßiges Achteck, dessen Diagonale  $AE$  Hauptlinie der Ebene des Achtecks ist, soll auf die Ebene  $P$ , gegen welche es unter  $\nu^0$  geneigt ist, projiziert werden.

Auflösung: Nachdem das Achteck soweit verschoben worden ist, bis  $AE$  in  $P$  liegt, wird es um  $AE$  als  $A_0B_0C_0D_0E_0F_0G_0H$  (Fig. 18) in die Projektionsebene umgelegt. Die Projektionen der Punkte  $A$  und  $E$  fallen mit  $A_0$  bez.  $E_0$  zusammen; zur Konstruktion der Punkte  $B'$ ,  $C'$  etc. lege man durch  $B_0$ ,  $C_0$  etc. Lote zu  $A_0E_0$  und trage auf denselben von ihren Fußpunkten aus die Länge ihrer Projektionen auf, die man mit Hilfe rechtwinkliger Dreiecke, welche durch den Winkel  $\nu$  und ihre Hypotenusen  $= B_0J$ ,  $C_0K$  etc. bestimmt sind, ermittelt. —

Das Verfahren zur Lösung der Aufgabe, die wahre Größe eines Vielecks aus seiner Projektion unter Benutzung einer Hauptlinie der Vielecksebene zu finden, bedarf jetzt keiner weiteren Erklärung mehr. —

Jedem Punkt und jeder Geraden in der Projektion einer ebenen Figur entspricht ein Punkt bez. eine Gerade ihrer Herabschlagung. Zwischen der Projektion und der Herabschlagung jeder ebenen Figur bestehen nun folgende Beziehungen:

1. Die sämtlichen Verbindungsgeraden je zweier sich entsprechenden Punkte sind (als Lote zur Spurlinie) unter einander parallel.

2. Die Projektion jeder in der Figur auftretenden Geraden muß sich mit ihrer Umlegung auf der Spurlinie der Ebene der Figur schneiden (da jede Gerade in einer Ebene ihre Spur auf der Spurlinie der Ebene hat, und folglich der Spurpunkt der Geraden mit seiner Projektion und seiner Herabschlagung zusammenfällt).

Man bezeichnet diesen Zusammenhang zwischen beiden Figuren mit dem Namen „Affinität“ und sagt: die Projektion und Herabschlagung einer ebenen Figur sind affin. Die Spurlinie heißt in Bezug auf die projizierte und die umgelegte Figur die **Affinitätsaxe**; die Verbindungslinien je zweier sich entsprechender Punkte werden **Affinitätsstrahlen** genannt. — (Fig. 16 schneiden sich z. B.  $A_0B_0$  und  $A'B'$  auf  $s$ .) Die Affinität ermöglicht es uns, aus der Umlegung einer ebenen Figur deren Projektion zu konstruieren, wenn von letzterer ein Punkt, und außerdem die Spurlinie der Ebene, welcher die Figur angehört (als Affinitätsaxe) gegeben ist, oder umgekehrt aus der Projektion der Figur und einem Punkt