

XVII. Unter den gegebenen Elementen ist  $b^2 - c^2$ .

Wenn die Differenz der Quadrate zweier Seiten bekannt ist, so zeichne man diejenige auf der dritten Seite senkrechte Gerade, welche ein Ort für den Durchschnittspunct der beiden Seiten ( $b$  und  $c$ ) ist.

XVIII. Unter den gegebenen Elementen ist der Flächeninhalt ( $\Delta$ ).

Die hierher gehörigen Probleme sind ihrem Wesen nach Verwandlungs-Aufgaben, insofern nämlich das zu zeichnende Dreieck dem gegebenen ( $\Delta$ ) gleich sein muß. Bald wird es zweckmäßig sein, den Inhalt  $\Delta$  unter der Form eines bekannten Quadrates bald als Dreieck zu Grunde zu legen. In dem letzteren Falle beachte man Folgendes:

1) Soll eine Seite beibehalten werden, so ist die durch die gegenüberliegende Ecke zu ihr gezogene Parallele ein Ort für die Spitze des gesuchten Dreiecks.

2) Ist das nicht der Fall, so beachte man, daß zwei Dreiecke, von denen das eine zwei Seiten enthält, welche Verlängerungen zweier Seiten des anderen sind (Scheitel-Dreiecke) gleich sind, wofern die Verbindungslinien ihrer nicht gemeinschaftlichen Ecken parallel sind. Denn wenn z. B. — vergl. Fig. XX — bei den Scheiteldreiecken  $ABC$  und  $AB'C'$  die Verbindungslinie  $BB' \parallel CC'$  ist, so ist  $\Delta BB'C = BB'C'$ , also auch  $\Delta ABC = AB'C'$ .

3) Sind für die Verwandlung mehr als eine Bedingung vorgeschrieben, so suche man diesen durch eine aufeinanderfolgende Berücksichtigung gerecht zu werden.

XIX. Unter dem Dreieck sind hervorragende Punkte gegeben.

Als solche Punkte betrachten wir 1) die Eckpunkte selbst; 2) die vier merkwürdigen Punkte des Dreiecks, nämlich den Höhenpunct  $H$ , den Schwerpunct  $S$ , den Mittelpunct des umbeschreibbaren Kreises  $O$  und die Mittelpunkte der vier einbeschreibbaren Kreise  $M, M', M'', M'''$ ; 3) die Fußpunkte der Höhen, der Mittenlinien und der winkelhalbirenden Transversalen; 4) die Tangentialpunkte der Berührungskreise.

Wenn auch von den 969 Aufgaben, welche durch alle denkbaren Ternionen repräsentirt werden, einige als unbestimmte, andere darum ausgeschieden werden müssen, weil sie bereits in anderer Gestalt behandelt wurden — z. B. ein Dreieck aus  $A, B, C$  zu