

$$\{p'_i(u'_i + (E_i)) + p'_{i+1}(u'_{i+1} + (E_i)) + \dots\} = + (p'_i + p'_{i+1} + \dots) \Delta \delta' + p'_i E_i + p'_{i+1} E_{i+1} + \dots$$

übergeht. Ebenso würde in den Normalgleichungen B) zu setzen sein

$$p'_i \Delta \delta' \text{ statt } p'_i \delta'; \quad u'_i + (E_i) \text{ statt } u'_i; \quad u'_{i+1} + (E_i) \text{ statt } u'_{i+1}$$

u. s. f.

Dies giebt folgenden Satz:

Ist in einer Beobachtungsreihe die angenommene Nullrichtung nicht mit eingestellt worden, so hat man zu jeder der auf die Anfangsrichtung dieser Reihe reducirten Richtungen  $u$  den Näherungswerth ( $E$ ) des Elements dieser Anfangsrichtung zu addiren und dann die Rechnung in der gewöhnlichen Weise auszuführen.

Im folgenden wird daher dieser Fall weiter nicht mehr berührt, um so weniger, als dann  $\Delta \delta$  vollständig den Fehler an der eingestellten Anfangsrichtung  $u_i$  vertritt.

Eine anderweite Vereinfachung der Rechnung wird herbeigeführt durch Zusammenziehung derjenigen Beobachtungsreihen, welche dieselbe Combination von beobachteten Objecten enthalten.

Nimmt man an, dass dies der Fall ist mit den ersten  $r_1$  Beobachtungsreihen, so hat man

$$\begin{aligned} p'_0 &= p''_0 = p'''_0 = \dots = p_0^{R_1}; \\ p'_1 &= p''_1 = p'''_1 = \dots = p_1^{R_1}; \\ p'_2 &= p''_2 = p'''_2 = \dots = p_2^{R_1}; \\ &\dots \end{aligned}$$

Ist die Anzahl der in jeder dieser Reihen angeschnittenen Punkte =  $n_1$ , so erhält man durch verticale Addition vorstehender Gewichtswerthe

$$[p'] = [p''] = [p'''] = \dots = [p^{R_1}] = n_1.$$

Die  $r_1$  ersten Gleichungen des Systems C) sind daher zu schreiben:

$$\begin{aligned} [p' \cdot \Delta u] &= n_1 \cdot \delta' + p'_1 \cdot \varepsilon_1 + p'_2 \cdot \varepsilon_2 + p'_3 \cdot \varepsilon_3 + \dots; \\ [p'' \cdot \Delta u''] &= n_1 \cdot \delta'' + p''_1 \cdot \varepsilon_1 + p''_2 \cdot \varepsilon_2 + p''_3 \cdot \varepsilon_3 + \dots; \\ [p''' \cdot \Delta u'''] &= n_1 \cdot \delta''' + p'''_1 \cdot \varepsilon_1 + p'''_2 \cdot \varepsilon_2 + p'''_3 \cdot \varepsilon_3 + \dots; \\ &\dots \\ [p^{R_1} \cdot \Delta u^{R_1}] &= n_1 \cdot \delta^{R_1} + p_1^{R_1} \cdot \varepsilon_1 + p_2^{R_1} \cdot \varepsilon_2 + p_3^{R_1} \cdot \varepsilon_3 + \dots \end{aligned}$$

Die Summirung dieser Gleichungen ergiebt, wenn man die Summe links zum Zeichen, dass sie für die erste Gruppe von  $r_1$  Reihen gilt, mit  $[p \cdot \Delta u]^I$  und in analoger Weise auch die übrigen dabei erhaltenen Summenklammern oben mit dem Gruppenzeiger I als Strichzeiger bezeichnet:

$$[p \cdot \Delta u]^I = n_1 [\delta]^I + [p_1]^I \cdot \varepsilon_1 + [p_2]^I \cdot \varepsilon_2 + [p_3]^I \cdot \varepsilon_3 + \dots$$

Hierin ist

$$[p_1]^I = r_1 \cdot p_1^I; \quad [p_2]^I = r_1 \cdot p_2^I; \quad [p_3]^I = r_1 \cdot p_3^I; \dots$$