

Mit Hilfe dieser Gleichung würde man auch umgekehrt die Summe $[p_{uu}]$ aus der Minimalsumme $[p_{vv}]$ und den E bestimmen können zu

$$[p_{uu}] = [p_{vv}] + \left. \begin{aligned} &E_1([p_{xx}] \cdot E_1 + [p_{xy}] \cdot E_2 + [p_{xz}] \cdot E_3 + \dots) \\ &+ E_2([p_{xy}] \cdot E_1 + [p_{yy}] \cdot E_2 + [p_{yz}] \cdot E_3 + \dots) \\ &+ E_3([p_{xz}] \cdot E_1 + [p_{yz}] \cdot E_2 + [p_{zz}] \cdot E_3 + \dots) \\ &+ \dots \end{aligned} \right\} \dots \dots \dots 77)$$

In den meisten Fällen geht man zur Erleichterung der Rechnung von abgerundeten Näherungswerten (E) für die E aus, an welchen dann durch die vermittelnde Ausgleichung Verbesserungen ϵ angebracht werden, so dass

$$E_1 = (E_1) + \epsilon_1, \quad E_2 = (E_2) + \epsilon_2, \quad E_3 = (E_3) + \epsilon_3, \dots$$

stattfindet. Führt man diese Werthe in obige allgemeine Fehlergleichung ein, so erhält man

$$v = -u + x(E_1) + y(E_2) + z(E_3) + \dots + x\epsilon_1 + y\epsilon_2 + z\epsilon_3 + \dots,$$

und setzt man hierin den aus bekannten Grössen bestehenden Werth

$$-u + x(E_1) + y(E_2) + z(E_3) + \dots = -\Delta u,$$

so nimmt diese Fehlergleichung die Form an:

$$v = -\Delta u + x\epsilon_1 + y\epsilon_2 + z\epsilon_3 + \dots$$

Wenn man daher in der Gleichung 77) die E in die ϵ überführt, so gehen links die u in die Δu über und man erhält

$$[p_{\Delta u \Delta u}] = [p_{vv}] + \left. \begin{aligned} &\epsilon_1([p_{xx}] \cdot \epsilon_1 + [p_{xy}] \cdot \epsilon_2 + [p_{xz}] \cdot \epsilon_3 + \dots) \\ &+ \epsilon_2([p_{xy}] \cdot \epsilon_1 + [p_{yy}] \cdot \epsilon_2 + [p_{yz}] \cdot \epsilon_3 + \dots) \\ &+ \epsilon_3([p_{xz}] \cdot \epsilon_1 + [p_{yz}] \cdot \epsilon_2 + [p_{zz}] \cdot \epsilon_3 + \dots) \\ &+ \dots \end{aligned} \right\} \dots \dots \dots 78)$$

In diesem Ausdrucke können offenbar die Δu als übrig bleibende Fehler betrachtet werden, wenn man in den Fehlergleichungen die Elemente E um die ϵ ändert, also anstatt der E die $E - \epsilon$ in dieselben einführt, während die allein mit den E berechnete Minimalsumme $[p_{vv}]$ ungeändert bleibt.

Dann kann der Ausdruck benutzt werden zur Berechnung der Summe $[p_{VV}]$ für den Fall, dass bei der vermittelnden Ausgleichung noch Nebenbedingungsgleichungen berücksichtigt werden müssen; denn durch die Zufügung der bedingten Ausgleichung werden an den E noch anzubringende Verbesserungen ΔE gefunden, so dass dann die Fehlergleichungen die Form

$$V = -u + x(E_1 + \Delta E_1) + y(E_2 + \Delta E_2) + z(E_3 + \Delta E_3) + \dots$$

annehmen.

Offenbar gelangt man zu dem gesuchten Ausdruck $[p_{VV}]$, wenn man in 78) $[p_{VV}]$ an die Stelle von $[p_{\Delta u \Delta u}]$ setzt und $E_1 - \epsilon_1$ mit $E_1 + \Delta E_1$, $E_2 - \epsilon_2$ mit $E_2 + \Delta E_2$, $E_3 - \epsilon_3$ mit $E_3 + \Delta E_3$. . . vertauscht, also $-\epsilon_1 = \Delta E_1$, $-\epsilon_2 = \Delta E_2$, $-\epsilon_3 = \Delta E_3$, . . . einführt, während man auch hier $[p_{vv}]$ als den Minimalwerth für die durch die vermittelnde Ausgleichung allein gewonnenen E beibehält. Es ergibt sich dann der gesuchte Ausdruck zu