

Aus ihm ergibt sich:

$$\frac{a^2 - b^2}{a^2} = \frac{2(G' - G)}{3(G' \sin. \beta'^2 - G \sin. \beta^2)},$$

und wenn wir den Bruch  $\frac{a^2 - b^2}{a}$  in  $\frac{a - b}{a} \cdot \frac{a + b}{a}$  zerlegen, wobei man den Factor  $\frac{a + b}{a}$  ohne merklichen Fehler = 2 annehmen darf, endlich die sogenannte Maupertuis'sche Formel:

$$\text{VI. } \frac{a - b}{a} = \frac{G' - G}{3(G' \sin. \beta'^2 - G \sin. \beta^2)}$$

Aus dem berechneten Werthe der Abplattung findet sich das Verhältniß  $\frac{b}{a}$ , so wie die Werthe von  $g$ ,  $a$  und  $b$  auf dem oben bezeichneten Wege. Um endlich die Größe des Meridian-Quadranten  $Q$  aus derjenigen der beiden gemessenen Grade herzuleiten, bedarf es einer vollständigen Rectification der Ellipse, nach Formel (7) angedeutet durch:

$$s = \frac{b^2}{a} \int \frac{d\beta}{\cos. \beta^3 \left(1 + \frac{b^2}{a^2} \text{tg. } \beta^2\right)^{\frac{3}{2}}}$$

oder in etwas veränderter Gestalt, nachdem statt des Axenverhältnisses  $\frac{a}{b}$  die Excentricität

$e = \sqrt{\frac{a^2 - b^2}{a^2}}$  eingeführt ist:

$$s = a(1 - e^2) \int \frac{d\beta}{(1 - e^2 \sin. \beta^2)^{\frac{3}{2}}}$$

Die Entwicklung der Integrande nach der Formel des Binomiums giebt:

$$d\beta + \frac{3}{2} e^2 \sin. \beta^2 d\beta + \frac{3 \cdot 5}{2 \cdot 4} e^4 \sin. \beta^4 d\beta + \frac{3 \cdot 5 \cdot 7}{2 \cdot 4 \cdot 6} e^6 \sin. \beta^6 d\beta + \text{etc.}$$

Daß, auf dem Wege der Reduction erhaltene, Integrationschema für alle Glieder dieser Reihe ist

$$\int \sin. \beta^{2r} d\beta = - \left\{ \frac{\sin. \beta^{2r-1}}{2r} + \frac{(2r-1) \sin. \beta^{2r-3}}{2r(2r-2)} + \dots + \frac{(2r-1)(2r-3) \dots 5 \cdot 3 \sin. \beta}{2r(2r-2) \dots 4 \cdot 2} \right\} \cos. \beta$$

$$+ \frac{(2r-1)(2r-3) \dots 5 \cdot 3 \cdot 1}{2r(2r-2) \dots 6 \cdot 4 \cdot 2} \beta$$