

In dieser Gleichung, welche die Lösung enthält, lässt sich der Quotient $\frac{F}{\omega \cdot V_0}$ mit F als grösstem Kanalquerschnitt wesentlich einfacher und sehr übersichtlich darstellen.

Wir setzen $u = \frac{O \cdot c_m}{F}$

worin O die nutzbare Kolbenfläche, c_m die mittlere Kolbengeschwindigkeit ist. Dieser Wert u , eine für jede Maschine von gegebenen Abmessungen und gegebener Umdrehungszahl n fest bestimmte Zahl, wird gewöhnlich als „Dampfgeschwindigkeit“ in den Kanälen (für unseren Fall in den Auslasskanälen) bezeichnet, obwohl natürlich der Dampf sowohl während der Vorausströmung als später ganz andere und zwar viel grössere Geschwindigkeiten annimmt. Schärfere wäre u als „Kontinuitätsgeschwindigkeit“ anzusprechen, da mit dieser mittleren Geschwindigkeit der austretende Dampf wirklich, gemäss dem Kontinuitätsgesetz der unelastischen Flüssigkeiten, durch die Kanäle strömen würde, wenn er sich wie eine solche verhielte. Weiter ist nun

$V_0 = 2 R \cdot O \cdot (1 + s_0 - v)$,

mit R als Kurbelradius der Maschine, s_0 als schädlichem Raum und v als Restweg der Vorausströmung in Teilen des Kolbenhubes. Hiermit wird nun unser Wert

$\frac{F}{\omega \cdot V_0} = \frac{O \cdot c_m}{u} \cdot \frac{30}{\pi \cdot n} \cdot \frac{1}{2 R \cdot O \cdot (1 + s_0 - v)}$

und mit $c_m = \frac{2 R \cdot n}{30}$

$\frac{F}{\omega \cdot V_0} = \frac{1}{\pi \cdot u \cdot (1 + s_0 - v)}$

Hiermit geht Gleichung I) über in:

$\ln \frac{p_1}{p_0} = - a \psi \cdot \frac{\sqrt{p_0 v_0}}{\pi \cdot u \cdot (1 + s_0 - v)} \cdot \int \frac{f}{F} d\varphi$. II)

Von den Abmessungen der Dampfmaschine kommt jetzt in der Gleichung nur noch der Wert u vor, der Kolbenfläche, Hub, Tourenzahl und Kanalweite in sich enthält. Die „Kontinuitätsgeschwindigkeit u “ besitzt also in der Tat die Bedeutung für den Druckausgleich, auch aus theoretischen Gründen, die man ihr in den bisherigen empirischen Aufstellungen erfahrungsgemäss beizulegen hatte. Ueber die Uebereinstimmung der Werte von u , wie sie bei dem Druckausgleich nach vorstehender Gleichung sich ergeben, mit den bekannten Erfahrungszahlen von 20 bis 40 m, wird weiter unten ausführlich behandelt.

Zunächst ist die Gleichung II in bezug auf ihre Konstanten ψ , $\sqrt{p_0 v_0}$ und x eingehender zu erörtern. Es ist nach der Lehre vom Dampfausfluss (Theorie von Zeuner)

$\psi = \left(\frac{2}{m+1}\right)^{\frac{1}{m-1}} \cdot \sqrt{2g \cdot \frac{k}{k-1} \cdot \frac{m-1}{m+1}}$
= konstant für $\frac{p_1}{p_0} > 1.7$.

Hierin ist

$k = 1,035 + 0,1 x$

(x = spezifische Dampfmenge, $1 - x$ = Feuchtigkeitsgehalt des Dampfes)

$m < k$ Ausflusse exponent, wenn Widerstände beim Ausfluss auftreten.

Dieser Ausdruck, in dem sich der Einfluss von m

und x (Widerstände und Dampfmasse) schwer übersehen lässt, kann mit beträchtlicher Annäherung gesetzt werden

$\psi = \frac{1}{1,63} \sqrt{\frac{g}{1+\zeta}} = \frac{1,92}{\sqrt{1+\zeta}}$

mit ζ als hydraulischem Widerstandskoeffizienten im gewöhnlichen Sinne. 4)

Mit $m = \frac{(1+\zeta) \cdot k}{1+\zeta \cdot k}$ ist nämlich:

$\frac{k}{k-1} \cdot \frac{m-1}{m+1} = \frac{1}{2 \cdot (1+\zeta)} \cdot \frac{1}{1 - \frac{k-1}{2k \cdot (1+\zeta)}}$

ein Ausdruck, der sich für die Werte von k und ζ , die in Frage kommen, sehr wenig von $\frac{1}{2 \cdot (1+\zeta)}$ unterscheidet.

Desgleichen kann für $\left(\frac{2}{m+1}\right)^{\frac{1}{m-1}}$ mit Werten von m zwischen 1,135 und 1,05, wie sie vorkommen können, der Mittelwert $\frac{1}{1,63}$ gesetzt werden. — Aus dem vereinfachten Ausdruck für ψ folgt, dass die Feuchtigkeit $1 - x$ auf diesen Wert nur verschwindend kleinen Einfluss haben kann.

Für $\sqrt{p_0 v_0}$ schreiben wir ferner, mit $v_0 = x \cdot s_0$, wobei s_0 das spezifische Volumen des trocken gesättigten Dampfes ist (Dampftabellen),

$\sqrt{p_0 v_0} = \sqrt{x} \cdot \sqrt{p_0 s_0}$

Der Wert $\sqrt{p_0 s_0}$ ist für Wasserdampf innerhalb nicht gar zu weiter Grenzen fast konstant. Man erhält z. B. für

$p_0 = 40\ 000$ kg/qm (4 atm)	10 000	3000 (0,3 atm)
$\sqrt{p_0 s_0} = \sim 137$	131	127

Für die Spannungen, wie sie beim Beginn der Vorausströmung auftreten, kann also mit völlig genügender Näherung

$\sqrt{p_0 s_0} = \sim 133$

gesetzt werden. Der Wert x ist ja auch im Einzelfalle nicht scharf bestimmbar. Um so weniger Zweck hätte äusserste Genauigkeit bei $\sqrt{p_0 s_0}$. Wir setzen also

$\sqrt{p_0 v_0} = 133 \sqrt{x}$

für alle Dampfspannungen.

Mit diesen Vereinfachungen, durch die die Genauigkeit der Rechnung kaum beeinflusst wird, die jedoch in Hinsicht der praktischen Benutzbarkeit der Formeln fast unerlässlich sein dürften, erhalten wir:

$\ln \frac{p_1}{p_0} = - a \cdot \frac{1,92}{\sqrt{1+\zeta}} \cdot \frac{133 \sqrt{x}}{\pi u \cdot (1 + s_0 - v)} \int \frac{f}{F} d\varphi$
 $= - \frac{256 a \sqrt{\frac{x}{1+\zeta}}}{\pi u \cdot (1 + s_0 - v)} \int \frac{f}{F} d\varphi$ oder mit
 $k = a \sqrt{\frac{x}{1+\zeta}} \dots \dots \dots$ III)

4) D. p. J. 1903, 318, S. 355.