

Haec omnia in universum hic monstrata ut ad curvam (C) referantur, nihil superest, nisi ut loco coefficientium A, B... F substituantur coefficientes aequationis (K<sub>1</sub>) vel (K<sub>2</sub>) §. 13; quod quidem singulare aliquid consideraturi iam faciamus. Ponamus igitur m = 5, n = 2, et praeterea  $\varphi = 45^\circ = u$ ; quo posito quum sit  $\sin \varphi^2 = \frac{1}{2} = \cos \varphi^2$  et  $\cot g u^2 = 1$ , erit  $m \cos \varphi^2 + n \sin \varphi^2 = \frac{7}{2}$ ,  $mn \cot g u^2 = 10$ , ergo  $m \cos \varphi^2 + n \sin \varphi^2 < mn \cot g u^2$ : qua ex re patet, curvam (C) iam fore ellipsin. Substitutis his valoribus aequatio (K<sub>2</sub>) §. 13 hanc subit formam:

$$\frac{5}{4} v^2 + \frac{3}{\sqrt{2}} tv + \frac{7}{2} t^2 - 2\beta v + 2\sqrt{2} \beta t + 2\beta^2 - f^2 = 0$$

Hinc quantitates r, s,  $\varrho$ , etc. determinantur ita:

$$4r^2s^2 = 4AC - B^2 = 13; \quad (A - C)^2 + B^2 = \frac{153}{16};$$

$$r^2 = 3,9211646; \quad s^2 = 0,8288354; \quad e = 0,8881836;$$

$$\sin 2\varrho = -\frac{12}{\sqrt{306}}, \quad \varrho = -(68^\circ 20' 35'', 1)$$

$$e = 0,2410856 \times \beta; \quad \vartheta = 1,751040 \times \beta,$$

$$OD' = -0,2593964 \times \beta, \quad v'' = 1,538461 \times \beta, \quad t'' = -0,870285 \times \beta;$$

$$a = 0,304645 \times \sqrt{(10\beta^2 + 13f^2)}, \quad b = 0,140062 \times \sqrt{(10\beta^2 + 13f^2)}$$

His determinatis ipsa ellipsis ex omnibus partibus definita est. Recta OD' praebet punctum O rectae SS', per quod ellipseos axis = 2a transit, cuius directio determinatur angulis u et  $\varrho$ ; denique centrum C' ellipseos reperitur ope linearum t'' et v''. Facile etiam primariae huius centri coordinatae x, y, z, definiuntur; nam quum secundum §. 13 in universum sit  $x = t \cos \varphi + v \sin \varphi \cos u$ ,  $y = v \cos \varphi \cos u - t \sin \varphi - \beta$ ,  $z = v \sin u$ , substitutis valoribus quantitatum  $\sin \varphi$ ,  $\cos \varphi$ ,  $\sin u$ ,  $\cos u$ , t'' et v'', qui pertinent ad hypothesisin, secundum quam est  $\varphi = 45^\circ = u$ , prodeunt aequationes hae:

$$x_1 = \frac{2}{13} \beta, \quad y_1 = \frac{5}{13} \beta, \quad z_1 = \frac{10\sqrt{2}}{13} \beta.$$

28. Facile intelligitur, ellipsin, quam modo tractavimus, transire in circulum, si fuerit  $a = b$  sive  $r = s$ ; at ex aequationibus II et III §. 27 sequitur, eam ipsam ob causam postulandum esse, ut sit  $A + C + \sqrt{((A-C)^2 + B^2)} = A + C - \sqrt{((A-C)^2 + B^2)}$ , quod quidem fieri non potest, nisi fuerit  $(A-C)^2 + B^2 = 0$ , cuius aequationis partes tum tantum sibi congruunt, si per se est et  $(A-C) = 0$  sive  $A = C$ , et  $B = 0$ ; haec igitur est conditio, sub qua linea curva aequatione (U) significata semper erit circulus. Itaque e formulis VIII, IX, XI et XII §. 27 sequitur, radium r'', huius circuli et centri eius coordinatas t'' et v'' determinari sic:

$$r'' = \frac{\sqrt{(D^2 + E^2 - 4AE)}}{2A}, \quad t'' = -\frac{E}{2A}, \quad v'' = -\frac{D}{2A}.$$