

tum eodem modo crescit etiam y , et vice versa, qua ex re sequitur, superficiem \mathfrak{F} secundum directionem illarum rectorum in infinitum extensam esse.

36. Si sumitur $z = \pm h$, aequatio (F) mutatur in hanc: $x^2 - ny^2 + ah = 0$, ex qua sequitur, I. $x^2 = n \left(y^2 + \frac{a}{n} h \right)$, et II. $y^2 = \frac{1}{n} (x^2 + ah)$. Hinc apparet, curvam, in qua superficies \mathfrak{F} secatur plano aliquo parallelo plano (x, y) , semper esse *hyperbolam*, cuius centrum in axe ZZ' situm sit. Si planum secans ad partem positivarum z situm est, axis principalis $= 2\sqrt{\left(\frac{ah}{n}\right)}$ aequidistat axi YY' , axis vero coniugatus $= 2\sqrt{ah}$ axi YX' ; (ita in Fig. 4 hyperbolae FLf , $F'Of'$ axis principalis est OL ;) sumpta vero quantitate h negativa axis principalis $= 2\sqrt{ah}$ axi XX' , axis coniugatus $= 2\sqrt{\left(\frac{ah}{n}\right)}$ axi YY' aequidistat.

37. Sumpto $y = 0$ aequatio (F) transit in hanc: $x^2 + az = 0$, ergo $x = \pm\sqrt{-az}$, quare *negativis* tantum z respondent valores reales quantitatis x . Superficies \mathfrak{F} plano (x, z) secatur in *parabola*, quae verticem habet punctum A , axem vero partem axis ZZ' negativam, et parametrum $= a$. Posito $y = \pm g$ existit aequatio $x^2 + az - ng^2 = 0$, quae, si sumitur $z = \frac{ng^2}{a} - z''$, transit in hanc: $x^2 = az''$. Quodque igitur planum aequidistans plano (x, z) superficiem \mathfrak{F} secat in parabola, cuius parameter $= a$, axis vero parallelus est axi ZZ' (linea intersectionis plani secantis et plani (y, z) ;) parabola huius vertex est punctum illud plani (y, z) , quod determinatur aequationibus $y = \pm g$ et $z = \frac{ng^2}{a}$, ipsa vero parabola versus partem negativarum z extensa est.

38. Etiam planum (y, z) et quodque aliud huic aequidistans planum superficiem \mathfrak{F} secat in parabola aliqua, cuius est parameter $= \frac{a}{n}$, axis vero parallelus axi ZZ' . Posito enim $x = 0$ aequatio (F) assumit formam hanc: $-ny^2 + az = 0$, unde sequitur $y^2 = \frac{a}{n}z$; axis huius parabola LAO Fig. 4 in axe ZZ' , vertex in puncto A situs est. Sumpto vero $x = \pm e$ evadit aequatio: $-ny^2 + az + e^2 = 0$, ergo $y^2 = \frac{a}{n}z + \frac{e^2}{n}$, vel $y^2 = \frac{a}{n}z''$, si ponitur $z = z'' - \frac{e^2}{a}$. Vertex parabola huius est punctum illud plani (x, z) , quod definitur aequationibus $x = \pm e$ et $z = -\frac{e^2}{a}$, axis vero linea intersectionis plani (x, z) et plani