

designantibus $m, n, p, q \dots$ numeros integros, qui in fractionibus

$$\frac{2a}{A}, \frac{a+b}{B}, \frac{a+c}{C}, \frac{a+d}{D} \dots$$

continentur; tunc numeri $A, C, E \dots$ valores ipsius ay^2 positivos, $B, D \dots$ vero negativos denotabunt, ex quibus tandem a per eliminationem factoris quadratici y^2 obtinetur: unde simul intelligitur eos ipsius ay^2 valores, qui limitem tabulæ 4^o et 5^o excedunt, nec praeterea factorem quadraticum involvunt, esse rejiciendos. E. g. Esto $N=10091401$, atque calculo hac ratione instituto inventantur pro ay^2 numeri sequentes:

$$\begin{aligned} 4425 &= 177 \cdot 5^2, \quad 1928 = 482 \cdot 2^2, \quad 1709, \quad 2189, \quad 3033 = 337 \cdot 3^2, \\ 2872 &= 718 \cdot 2^2, \quad 2511 = 31 \cdot 9^2, \quad 3755, \quad 384 = 6 \cdot 8^2, \quad 5585, \quad 437, \\ 3648 &= 57 \cdot 8^2, \quad 2619, \quad 2495, \quad 183, \quad 2019, \quad 720 = 5 \cdot 12^2, \quad 2963, \\ 152 &= 38 \cdot 2^2, \quad 2061 = 229 \cdot 3^2, \quad 365, \quad 480 = 30 \cdot 4^2, \quad 1119, \quad 3415, \\ 2712 &= 678 \cdot 2^2, \quad 2525 = 101 \cdot 2^2, \quad 3789 = 421 \cdot 3^2, \quad 184 = 46 \cdot 2^2 \text{ u.} \end{aligned}$$

unde sequentes formæ quadraticæ pro N originem ducunt:

$$x^2 + 31y^2, \quad x^2 + 6y^2, \quad x^2 - 57y^2, \quad x^2 + 59y^2, \quad x^2 + 38y^2, \quad x^2 - 30y^2, \\ x^2 - 101y^2, \quad x^2 - 46y^2$$

Cum autem forma $x^2 - 30y^2$ jam in formis $x^2 + 5y^2$ et $x^2 + 6y^2$ contineatur, et similiter forma $x^2 + 38y^2$ in formis $x^2 + 6y^2$ et $x^2 - 57y^2$ lateat, eæ ideo utpote nil novi subministrantes secerni possunt; sex nonnisi pro N superstites formæ quadraticæ copiam

tentandorum divisorum ad $\frac{1}{2^5} = \frac{1}{64}$

diminuent. Quodsi jam numeri primi sub singulis formis degentes, et numero $3176 = \sqrt{N}$ minores evolvantur, et ii, qui omnibus formis communes sunt, determinentur, ad numeros

wobei $m, n, p, q \dots$ die ganzen Zahlen bedeuten, welche in den Brüchen

enthalten sind; so werden die Zahlen $A, C, E \dots$ die positiven hingen, $B, D \dots$ die negativen Werthe von ay^2 bedeuten, aus denen sich a durch Aussonderung des quadratischen Factors y^2 ergiebt, daher auch diejenigen Werthe von ay^2 , welche die Gränze der 4ten und 5ten Tafel übersteigen, und dabei keinen quadratischen Factor enthalten, auszuschließen sind. Z. B. Sei $N=10091401$, und man findet auf dem bezeichneten Wege für ay^2 die Werthe:

$$4425 = 177 \cdot 5^2, \quad 1928 = 482 \cdot 2^2, \quad 1709, \quad 2189, \quad 3033 = 337 \cdot 3^2,$$

$$2872 = 718 \cdot 2^2, \quad 2511 = 31 \cdot 9^2, \quad 3755, \quad 384 = 6 \cdot 8^2, \quad 5585, \quad 437,$$

$$3648 = 57 \cdot 8^2, \quad 2619, \quad 2495, \quad 183, \quad 2019, \quad 720 = 5 \cdot 12^2, \quad 2963,$$

$$152 = 38 \cdot 2^2, \quad 2061 = 229 \cdot 3^2, \quad 365, \quad 480 = 30 \cdot 4^2, \quad 1119, \quad 3415,$$

$$2712 = 678 \cdot 2^2, \quad 2525 = 101 \cdot 2^2, \quad 3789 = 421 \cdot 3^2, \quad 184 = 46 \cdot 2^2 \text{ u.}$$

woraus folgende quadratische Formen für N zum Vorschein kommen:

$$x^2 + 31y^2, \quad x^2 + 6y^2, \quad x^2 - 57y^2, \quad x^2 + 59y^2, \quad x^2 + 38y^2, \quad x^2 - 30y^2, \\ x^2 - 101y^2, \quad x^2 - 46y^2$$

Da aber die Form $x^2 - 30y^2$ schon in den Formen $x^2 + 5y^2$ u. $x^2 + 6y^2$, und eben so $x^2 + 38y^2$ in $x^2 + 6y^2$ und $x^2 - 57y^2$ enthalten ist, und so nach beide keine neuen Ergebnisse liefern können; so bleiben nach ihrer Hinweglassung für N noch 6 quadratische Formen, welche die Zahl der zu

untersuchenden Theiler auf $\frac{1}{2^5} = \frac{1}{64}$

vermindern. Untersucht man nun die in einzelnen Formen befindlichen Primzahlen, welche kleiner sind, als $3176 = \sqrt{N}$, und hebt diejenigen heraus, welche allen Formen gemeinschaftlich zukommen, so kommt man endlich auf die Zahlen