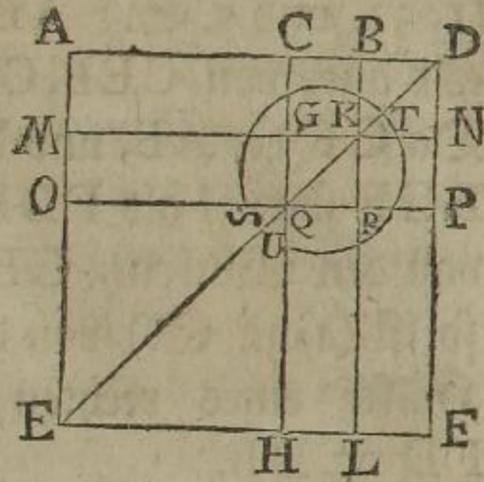


Der 8. Satz.

Wird eine gerade Linie, AB , in einem beliebigen Punkte C , geschnitten: so ist das vierfache Rectangel aus der ganzen Linie AB und einem der Abschnitte, BC , nebst dem Quadrat des andern Abschnitts, AC , dem Quadrate der aus der Ganzen und dem erstgedachten Abschnitt bestehenden Linie gleich.

Verlängre AB , bis $BD = BC$, so besteht AD aus der Ganzen AB und dem erstgedachten Abschnitt $BC = BD$. Mache (1, 46. S.) von AD das Quadrat $A E F D$, und vollende die Figur.



Da $CB = BD$, aber (1, 34. S.) $BC = GK = QR$, und $BD = KN = RP$, so ist (1, 1. Nr.) $GK = KN$, und $QR = RP$, folglich (1, 36. S.) $CK = BN$ und $GR = KP$. Nun ist (1, 43. S.) $CK = KP$. Folglich sind alle vier Parallelogramme einander gleich, folglich $CP = 4 CK$.

Da $CB = BD$, aber (2, 4. Zus.) $BD = BK = (1, 34. S.) CG$, und $CB = GK = GQ$, so ist $CG = GQ$. Auch war $QR = RP$. Folglich ist (1, 36. S.) $AG = MQ$ und $QL = RF$. Nun ist im Parallelogramm ML (1, 43. S.) $MQ = QL$. Folglich ist auch $AG = RF$. Demnach sind alle vier Parallelogramme AG, MQ, QL, RF , einander gleich, und daher zusammen $= 4 AG$. Nun war $CP = 4 CK$. Folglich ist $\text{Gnom. } STV = 4 AK$, folglich, wenn OH hinzukommt, ist $A E F D$, das ist $\square AD = 4 AK + OH$. Nun ist $AK = \text{Rect. } ABBK = \text{Rect. } ABBC$ und OH (2, 4. Zus.) $= \square OQ = \square AC$. Folglich ist $\square AD = 4 \text{ Rect. } ABBC + \square AC$.

Der 9. Satz.

Wird eine gerade Linie, AB , in einem Punkte C , gleich, in einem andern, D , ungleich geschnitten: so sind die Quadrate der ungleichen Abschnitte, AD, DB , den zwiefachen Quadraten der halben Linie AC , und des Abschnitts zwischen den Theilpunkten, CD , gleich.

Errichte