

Basia igitur $\alpha \gamma$. (per 4. propositionem) basi $\alpha \epsilon$, est æqualis: & triangulum $\alpha \beta \gamma$. (per eandem) triangulo $\alpha \gamma \beta$ æquum erit, minus scilicet maiori, quod est impossibile. Latus igitur $\alpha \beta$: lateri $\alpha \gamma$ non est inæquale: æquale igitur. Si trianguli ergo duo anguli æquales adinvicem fuerint: æquales quoque angulos subincidentia latera æqualia ad invicem erunt: quod fuerat ostendendum.

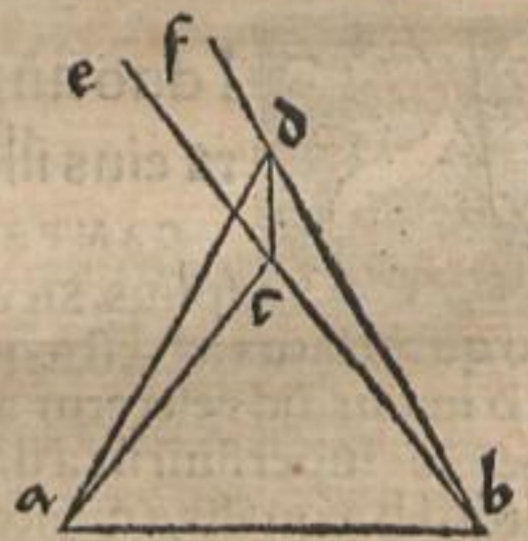
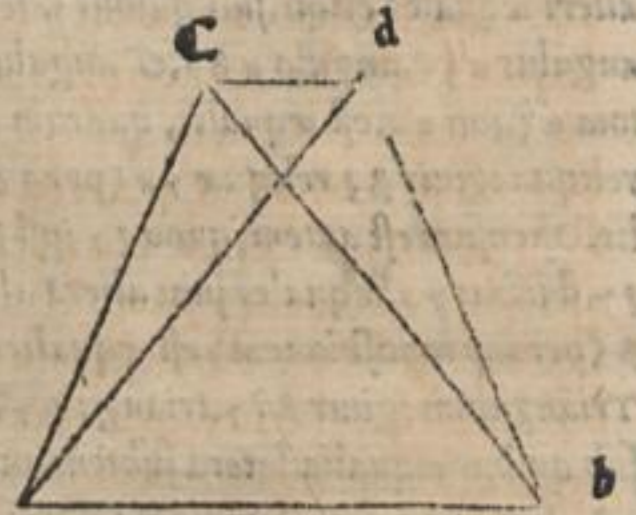
Eucl. ex Cam.

Propositio 7.



S à duobus punctis aliquam lineam terminantibus, duæ lineæ ad punctum unum concurrentes exierint, ab eisdem punctis alias duas lineas singulas suis conterminalibus æquales qui ad alium punctum concurrant, in eandem partem adduci est impossibile.

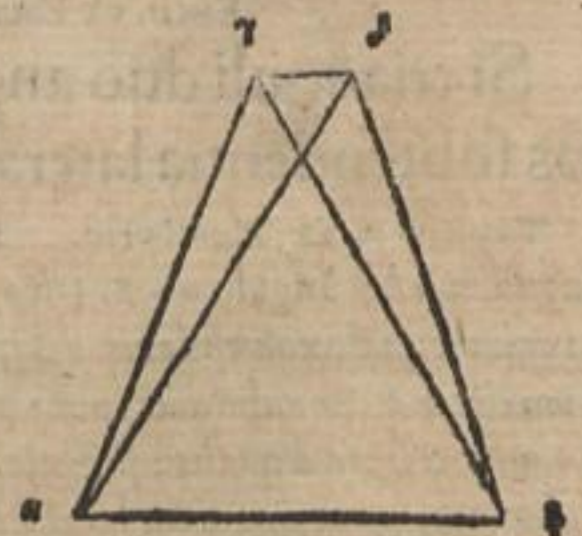
CAMPANVS. Sit linea $a b$: à cuius extremitatibus a & b , protrahantur duæ lineæ in partem unam quæ concurrant in eodem puncto. Ut sint lineæ $a c$ & $b c$: quæ concurrant in puncto c . Dico quod in eandem partem non protrahentur aliæ duæ ab extremitatibus lineæ $a b$, quæ concurrant ad alium punctum: ita quod illa quæ egredietur à puncto a sit æqualis $a c$, & quæ egredietur à puncto b sit simul æqualis lineæ $b c$. quod si fuerit possibile, protrahantur aliæ duæ lineæ in eandem partem, quæ concurrant in puncto d , & sit $a d$ æqualis lineæ $a c$, & simul lineæ $b d$ æqualis lineæ $b c$. Aut ergo punctus d cadet intra triangulum $a b c$: aut extra: nam in alterum laterum non cadet: quia tunc pars esset æqualis suo toti. Si ergo cadat extra, aut altera linearum $a d$ & $b d$ secabit alteram linearum $a c$ & $b c$, aut neutra neutram. Et secet primo altera alteram, & protrahatur linea $c d$. Quia ergo trianguli $a c d$ duo latera $a c$ & $a d$ sunt æqualia: erit angulus $a c d$ æqualis angulo $a d c$ (per 5. propositionem.) Similiter quia in triangulo $b c d$ duo latera $b c$ & $b d$ sunt æqualia: erunt anguli $b c d$ & $b d c$ per eandem æquales. Et quia angulus $b d c$ est maior angulo $a d c$, sequitur angulum $b c d$ esse maiorem angulo $a c d$, partem. s. toto, quod est impossibile. Si autem d cadat extra triangulum $a b c$, ita quod lineæ se non secant, protrahantur lineam $d c$ & producantur, $b d$ & $b c$ sub basi usque ad e & f . Et quia lineæ $a c$ & $a d$ sunt æquales, erunt anguli $a c d$ & $a d c$ æquales per 5, similiter quia $b c$ & $b d$ sunt æquales, erunt anguli sub basi qui sunt $c d f$ & $e c d$, æquales per 2 partem eiusdem. Quia ergo angulus $e c d$ minor est angulo $a c d$: sequitur angulum $f d c$ esse minorem angulo $a d c$, quod est impossibile. Eodem modo ducetur aduersarius ad inconueniens: si d punctus cadat intra triangulum $a b c$.



Eucl. Ex Zamb Theorema 4. Propositio 7.

Super eadem recta linea duabus eisdem rectis lineis aliæ duæ rectæ lineæ æquales altera alteri non constituentur, ad aliud atque aliud signum, ad eadem partes, eosdem fines primis rectis lineis possidentes.

THEON ex Zamb. si enim est possibile, super eadem recta linea $a b$, duabus rectis lineis $\alpha \gamma$, $\alpha \delta$, aliæ duæ rectæ lineæ $\alpha \epsilon$, $\alpha \zeta$, æquales altera alteri constituentur ad aliud atque aliud signum, hoc est, γ & δ , ad easdem partes scilicet γ , δ , eosdem fines, hoc est, α , β , possidentes, ut, æqualis, sit $\gamma \alpha$, ipsi $\delta \alpha$, eundem finem habens, hoc est, α , & $\gamma \beta$, ipsi $\delta \beta$, eundem finem habens, hoc est, β : conectatur $\gamma \delta$ (per 1. postulatum). Quoniam igitur $\alpha \gamma$ æqualis est ipsi $\alpha \delta$, æqualis erit quoque angulus $\alpha \gamma \delta$, angulo $\alpha \delta \gamma$. Minor igitur est angulus $\gamma \delta \alpha$, angulo $\beta \delta \gamma$: multo minor igitur est angulus $\beta \gamma \delta$, angulo $\beta \delta \gamma$. Rursum quoniam $\beta \gamma$, ipsi $\delta \beta$ est æqualis: æquus est igitur & angulus $\beta \gamma \delta$, angulo $\gamma \delta \beta$. Ostensum est autem quod admodum minor, quod est impossibile. Super igitur eadem recta linea duabus eisdem rectis lineis aliæ duæ rectæ lineæ æquales altera alteri non constituentur ad aliud atque aliud signum, ad easdem partes, eosdem fines rectis primis lineis possidentes, quod demonstrasse oportuit.



Eucl.

Demonstratio in directis

Major itaque est angulus $\alpha \delta \gamma$, angulo $\gamma \delta \alpha$. unde etiam multo maior est angulus $\gamma \delta \beta$. Rursum quoniam $\beta \gamma$ æqualis est $\delta \beta$. Intra $\delta \beta$ æqualis est & angulus $\beta \gamma \delta$ angulo $\beta \delta \gamma$. Atque modo demonstratum erat multo maior, quod est impossibile.

In præcedente