

die Coefficienten den Bedingungen

$$\sum_{\alpha} a_{\alpha\mu} a_{\alpha\nu} = e_{\mu\nu}$$

genügen. Die Vorschriften der Methode der kleinsten Quadrate führen dann, da die A einerlei Gewicht besitzen sollen, zu den Normalgleichungen

$$\begin{aligned} \sum_{\alpha} A_{\alpha} a_{\alpha q} &= \sum_{\alpha, \mu} a_{\alpha\mu} a_{\alpha q} s_{\mu} = \sum_{\mu} e_{\mu q} s_{\mu}, \\ s_{\mu} &= \sum_{\alpha} A_{\alpha} a_{\alpha\mu}, \end{aligned}$$

d. h. die Multiplikatoren b sind in diesem Falle durch die Gleichungen

$$b_{\alpha\mu} = a_{\alpha\mu}$$

bestimmt. In der Determinante

$$A = \begin{vmatrix} a_{11} & \dots & a_{1n} \\ \vdots & & \vdots \\ a_{m1} & \dots & a_{mn} \end{vmatrix}$$

erfüllen die q ersten Columnen, nämlich die Elemente $a_{\alpha\mu}$ die bekannten Bedingungen der Orthogonalität, und man kann dann die Zusatzelemente $a_{\alpha\sigma}$ so wählen, dass erstens die früher für die $a_{\alpha\sigma}$ aufgestellten Bedingungen erfüllt bleiben, zweitens aber die ganze Determinante orthogonal wird. In diesem Falle ist aber für alle Unterdeterminanten b

$$b_{\alpha\beta} = a_{\alpha\beta}.$$

Dies festgesetzt, nehmen die Bedingungen für das Minimum von M , nämlich die Gleichungen XXIV die Form

$$2 \sum_{\varphi, \psi} E_{\varphi\psi} e_{\varphi\sigma} e_{\psi\tau} + \sum_{\varphi, \psi, \alpha} E_{\varphi\psi} Q_{\alpha} a_{\alpha\varphi} a_{\alpha\psi} a_{\alpha\sigma} a_{\alpha\tau} = \lambda e_{\sigma\tau},$$

oder

$$2 E_{\sigma\tau} + \sum_{\varphi, \psi} E_{\varphi\psi} \left(\sum_{\alpha} Q_{\alpha} a_{\alpha\varphi} a_{\alpha\psi} a_{\alpha\sigma} a_{\alpha\tau} \right) = \lambda e_{\sigma\tau} \quad \text{XXIX.}$$

an. Ferner wird

$$T = \sum_{\sigma} E_{\sigma\sigma}, \quad M^2 = \frac{m^4 \lambda}{T}.$$

Diese Gleichungen sind, wie zu erwarten war, etwas einfacher, als die früheren; indessen ist das gefundene Resultat auch für den Fall der Methode der kleinsten Quadrate so lange ohne prak-