

gnus. Sit ergo super sphærā a b circulus b g d, & sit polus eius punctū a, & sit quadratus lineaegredientis ex puncto a, ad circumferentiam eius, quae sit linea a b, æqualis medietati quadrati diametri sphæræ. dico ergo quod circulus b g d est magnus, cuius demonstratio est hæc. Continuabo punctū a, quod est polus circuli, centro eius, quod sit punctū e, linea a e faciam penetrare donec concurrat superficie sphæræ super punctū z, & continuabo lineam b z, ppter ea igitur quod circulus b g d signatus est super sphærā, & continuatus est polus eius centro ipsius linea recta, cū ipsa transit per centrum sphæræ, & p polū eius secundum, & est perpendicularis super superficiem eius. ergo punctū z est polus circuli b g d, & linea a z est diameter sphæræ, qm transit per centrum sphæræ, quare quadratū eius est duplum quadrati linea a b, secundū quod positum est. Et imaginabor superficiem trianguli a b z fuscantē sphærā. erit ergo differentia cōis ei, & superficie sphæræ circulus a b z g, ppter ea igitur quod angulus a b z est rectus, qm ipse est in semicirculo a b z est quadratū linea a z æquale duobus quadratis duarum linea cum a b, b z. at quadratū linea a b positū est æquale medietati quadrati linea a z. Ergo quadratum linea a b est æquale quadrato linea b z, & ppter ea quod linea a e est perpendicularis super superficiem circuli b g d, est unusquisque duorum angulorum a e b & b e z rectus. Ergo quadratū linea a b, est æquale duobus quadratis duarum linea b e & e z, sunt æqualia duobus quadratis duarum linearum b e & e a, ablato ergo quadrato linea b e cōi, remanet quadratū linea e z æquale quadrato linea e a. Ergo linea e z est æqualis linea a e, & linea a e z est diameter sphæræ a b. ergo punctū e est centrum sphæræ, & centrum circuli b g d. Ergo circulus b g d est magnus. et illud est cuius uoluimus declaratio- nē. Et hinc demonstratū est, quod oīs circulī magni super sphærā linea egrediens à polo ad circumferentiam eius est æqualis lateri cadentis quadrati īeo.

## 111.

**O**stendere uolo qualiter transire faciā super duo puncta super superficie sphæræ notæ cir culū magnū. Sit itaq; sphera nota a b, & duo puncta signata super eā a & b. Cū ergo uoluero ut super ipsam transeat circulus magnus, ponā puncta a polū, & mensurabo cū longitudine linea, cuius quadratū est æquale medietati quadrati diametri sphæræ, quae sit linea a g, & circūducam circulum g e, & ponā iterū punctū b polū, & mensurabo illā longitudinē eandē, & circūducā circulum e d, & abscindāt se isti duo circuli signati supra punctū e, ppter ea ergo quod a e est polus circuli g e, est linea a g æqualis a e. Et ppter ea quod punctū b est polus circuli e d, est linea b d æqualis linea b e. At linea a g est æqualis linea b d, ergo duæ linea a e & b e, sunt æquales. Cum ergo lineauerimus super polū e, & cū longitudine unius eārū circulū transibit super extremitatē linea alterius, ergo transibit per duo puncta a b. Sit itaq; circulus a b g, dico ergo quod ipse est magnus. Cuius est demonstratio, quoniā quadratū uniuscuiusq; duarum linearū a e & b e est æquale medietati quadrati diametri sphæræ a b, & unaqueq; duarū linea a e & b e, egredit̄ ex polo circuli a b g ad circumferētiā eius, ergo circulus a b g, est magnus, & trāsit p̄ duo puncta a b, & hoc uoluimus decla-

## V.

rare.

**C**um transit circulus magnus super duos polos circuli signati super sphærā, tunc ipse secat eum in duo media, & est erectus super eū orthogonaliter, & ecōtra. Sit itaq; circulus a b signatus super sphærā, & sit polus eius punctū z, & transeat super eum circulus b g z magnus. Dico quod ipse diuidit circulum a b g in duo media, & est erectus super eū orthogonaliter, cuius declaratio hæc. Continuabo centrum sphæræ, quod sit punctū e, cū polo circuli quod est punctū z, linea z e, & faciā ipsam penetrare donec concurrat linea b g, quae est differen-

