

Man erhält dann für specielle Werthe von  $n$  die Seiten folgender regulärer Polygone:

$n = 2$ ,	also $\beta = \frac{2}{3} R$ ,	mithin AC Seite des regulären 6eck's	
$n = 3$ ,	$\beta = \frac{2}{5} R$ ,	" " " " " "	10eck's
$n = 4$ ,	$\beta = \frac{2}{7} R$ ,	" " " " " "	14eck's
$n = 5$ ,	$\beta = \frac{2}{9} R$ ,	" " " " " "	18eck's
$n = 6$ ,	$\beta = \frac{2}{11} R$ ,	" " " " " "	22eck's
$n = 7$ ,	$\beta = \frac{2}{13} R$ ,	" " " " " "	26eck's.

Demnach führt die Construction der Viertelungscurve (Gleichung des 3. Grades) zugleich zur Construction des regulären 14eck's, also auch des regulären 7eck's, die Construction der Sechstheilungscurve (Gleichung des 5. Grades) zugleich zur Construction des regulären 22eck's und damit auch des regulären 11eck's.

#### §. 4. Zweitheilung eines gegebenen Winkels.

Aus der allgemeinen Aufgabe der Theilung eines gegebenen Winkels in  $n$  gleiche Theile erhält man die specielle der Halbierung, wenn man  $n = 2$  setzt.

Es ist dann  $\gamma = (n - 1) \beta = \beta$ , also ist das zur Halbierung eines Winkels erforderliche Dreieck ein gleichschenkliges. Zieht man die 2. Bedingung in Betracht, daß  $2R - \gamma = (n - 1)(2R - \beta)$  ist, so folgt  $2R - \gamma = 2R - \beta$ , also  $\beta = \gamma$ ; das Dreieck ABC ist ebenfalls ein gleichschenkliges. Die in der allgemeinen Aufgabe getrennten Fälle decken sich daher bei der Halbierung.

Der Neigungswinkel der winkeltheilenden Transversale  $\frac{2R}{n}$  wird hier  $= 1R$ .

Zur Bestimmung des Ortes von A waren die beiden Gleichungen gefunden:

$$(1) \quad \tan \beta = \frac{y}{x} \qquad (2) \quad \tan (n - 1) \beta = \frac{y}{a - x}.$$

Für  $n = 2$  werden die linken Seiten einander gleich, folglich  $\frac{y}{x} = \frac{y}{a - x}$  oder  $x = \frac{a}{2}$ .

Verlegt man die Coordinaten parallel zur 1. Lage mit dem Anfange nach der Mitte von BC, so erhält man für den Ort des Punktes A die Gleichung:  $x = 0$ , d. h. die Halbierungscurve ist eine gerade Linie, welche mit der Y-Axe zusammenfällt.

Soll nun ein gegebener Winkel halbirt werden (Fig. V.), so legt man durch B und C einen Kreis, welcher den gegebenen Winkel  $\alpha$  als Peripheriewinkel auf dem Bogen BC faßt. Dieser Kreis schneidet die Halbierungscurve ( $x = 0$ ) in zwei diametral entgegengesetzten Punkten A und  $A_1$ . Verbindet man noch diese beiden Durchschnittspunkte mit B und C, so wird durch die Halbierungscurve (Y-Axe), sowohl  $\sphericalangle A$  als sein Supplement halbirt.

#### §. 5. Das Trisectionsdreieck.

1. Aus dem allgemeinen Dreieck zur Theilung eines Winkels in  $n$  gleiche Theile erhält man das Trisectionsdreieck, wenn man  $n = 3$  setzt.

Die Bedingungen desselben sind: 1.)  $\gamma = 2\beta$  und 2.)  $2R - \gamma = 2(2R - \beta)$ ; d. h. ein Trisectionsdreieck ist dasjenige, in welchem entweder die Basiswinkel oder deren Supplemente sich wie 1 : 2 verhalten.

Nach den Erörterungen im §. 1, 4—6. darf  $\beta$ , wenn  $\gamma = 2\beta$  ist, die Grenzen 0 und  $\frac{2}{3}R$  nicht überschreiten, während  $\alpha$  bis  $2R$  wachsen kann. Setzt man dagegen voraus, daß  $2R - \gamma = 2(2R - \beta)$  ist, so liegt das Supplement von  $\beta$  zwischen den Grenzen  $\frac{2}{3}R$  und  $1R$ , während