

TRACTATVS SINVVM ET

Chordarum, Georgij Peurbachij.



IN VVM, Chordarū & Arcuum noticia ad coelestium motuum cognitiō nem perualde necessaria existit, idē de eorum doctrina restat in præsentī perquirendum. Vnde uidendum quid sit Sinus, quid Sinus rectus, quid uer sus, quid Chorda, quid Arcus, quid Kardaga. Magistri Geometriæ non potuerunt perfecta ratione comprehendere, quanta esset diameter circuli respectu suæ circumferentiæ, eo quod recti ad curuum non est proportio. Practici tamē posuerunt circumferentiam triplam sesquiseptimam diametro. Archimedes autem probat circumferentiam cōtinere ter diametrum, & minus quam decem septuagesimas & plus quam decem septuagesimas primas. Sed Ptolemæus in Almagesti, probat quod decima circumferentiæ habet chordam 27. grad. & 4. minut. ferè. Et ideo dicit, si ponimus diameter 150 graduum, erit circumferentia ferè 377 graduū, qui nunc ad numerum graduum diametri nullam proportionem habent notam. Indi uero dicunt: si quis sciret radices numerorum recta radice carentium inuenire, ille faciliter inueniret quanta esset diameter respectu circumferentiæ. Et secundum eos, si diameter fuerit unitas, erit circumferentia radix de decem: si duo, erit radix de quadraginta: si tria, erit radix de nonaginta, & sic de alijs. Et est differentia inter Indos & Practicos Geometriæ 1 minut. & plusq; septima pars unius minutij, unde patet diameter ex circumferentia, & circumferentiā ex diametro diuersimode posse reperi. Dicunt etiam nonnulli quod proportio diametri ad circumferentiam, sit sicut 20000. ad 62832. & ex hoc iterum uno noto alterū reperitur. Sed his modis diuersis non semper reperitur eadem quantitas, sed diuersa, secundum quod auctores diuersimode imaginati sunt de proportione eorum. prius tamen modus communior est alijs. Item licet inter sinum & portionem non sit proportio proprie loquendo, eo quod rectum et curuum non sunt eiusdem speciei, est tamen inter eos mutua relatio, nam sinus est portionis sinus, & portio est sinus portio. Quanquam igitur non sit nobis noticia certa de proportione diametri ad circumferentiam, possumus tamen ad placitū ponere diameter quotquot partium uoluerimus, & secundum eas quantitates chordarum aliarum & sinuum reperire.

Ad demonstrandum igitur quantitatem sinus cuiuslibet portionis, et primo 6 Kar dagarum circuli. Sit circulus a b c d, centrum eius e, quadratus duabus diametris orthogonaliter se secantibus a c, b d. Sit etiam circulus f g h æqualis priori supra centrum b, cuius circumferentia contingit linea a c supra centrum e. Item circulus i k l supra centrū d, æqualis priori, cōtingens similiter linea a c in e. Et primus secet secundum in punctis m & n, & secundus tertium in punctis i & l. Circulo a b c d inscribatur hexagonus æquilaterus per penultimā quarti, qui sit b n i d l m, ex qua etiam patet, quod latus hexagoni talis est æquale semidiametro circuli. Ducaturq; linea m n secans b e in q, similiter i l secans e d in e. Quia igitur linea m n eadem de circulis æqualibus abscondit duos arcus, scilicet m b n & n e m, ipsi erunt æquales per 27. tertij. Eadē ratione arcus m b æqualis erit arcui me. Eruntq; quatuor arcus, m b, b n, n c, c m, sibi inuicem æquales. Itē per octauā primū vel quartā & 26 primi, patet qd linea b e diuiditur in duo æqua, in q, similiter n m diuiditur per æqua in q. Eadem ratione linea i l diuidit lineam c d per æqua, & econtra. Et ita patet quatuor lineas b q, q e, e r, r d, sibi esse æquales, & lineam q r esse æqualem semidiametro, & per 27 tertij, patet circulum esse diuisum in sex arcus æquales. Item per quartam secundam partem 28. & 34. primi n p & q e esse æquales, & n q & p e similiter æquales, & ita n p erit quarta pars diametri circuli siue medietas semi diametri, unde sinus duodecimæ partis circuli siue 30 gra. erit quarta ps diametri, & ita notus est sinus duarum Kardagarū simul. Linea autem n q est sinus rectus quatuor Kar dagarum siue sextæ partis circuli, & ipsa nota erit per penultimam primi, eo quod e q est nota, similiter e n. Postea in circulo f g h protrahe diametrum f h orthogonaliter secantē g e in centro b, & ducta linea g h, quam per undecimam primi, diuide per æqua

A 2 int.